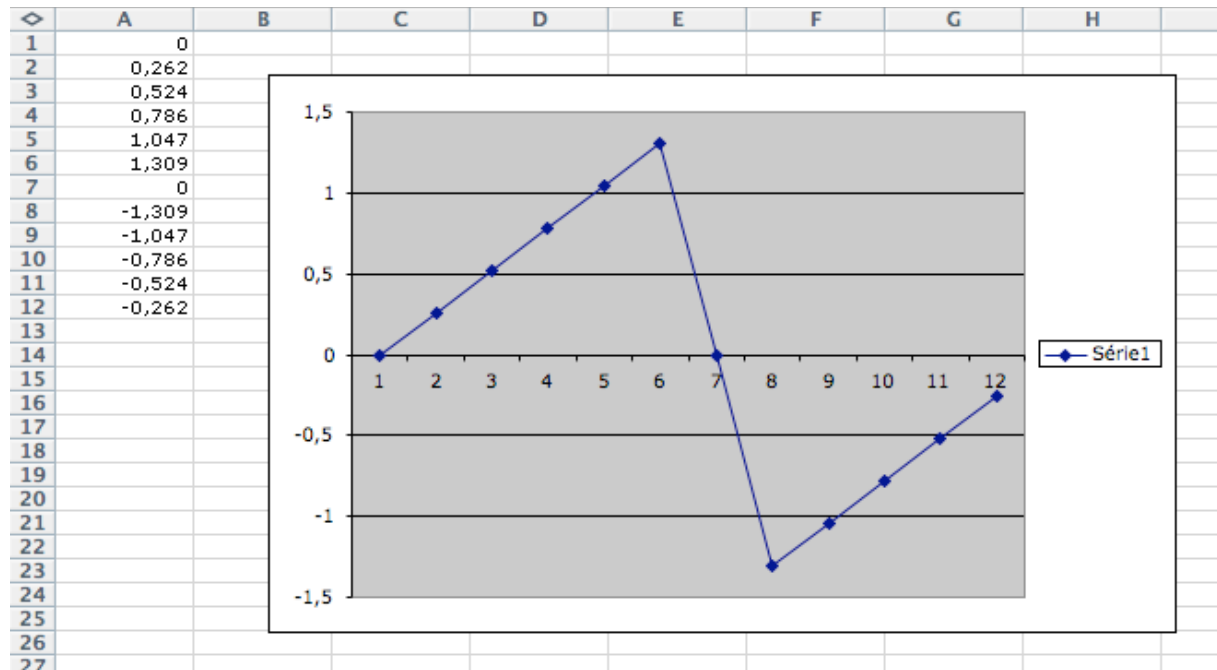


ED - Son numérique (1) spectre

Question 1 : Analyse harmonique

Soit le signal en dent de scie déterminé par 12 échantillons :



Ecrire un programme Processing pour calculer numériquement l'amplitude des harmoniques (on se préoccupe pas de la période du signal)

Question 2 : Synthèse additive

Avec un logiciel de tracé de courbe (gnuplot, etc.), visualiser le résultat obtenu par addition successive des harmoniques pour le signal de la question 1

Question 3 : FFT

Comparer le résultat obtenu question 1 avec une analyse FFT effectuée avec Processing et la librairie ESS

Expliquer les différences

Question 4 : Logiciels

Faire la liste de tous les logiciels de traitement et synthèse sonore que vous connaissez et classez les selon leur mode d'interaction avec l'utilisateur. Idem pour les standard et les formats de fichiers.

CORRECTION

Question 1

/// calcul des coef. transformee de Fourier

```
float[] u = {0,0.262,0.524,0.786,1.047,1.309,0,-1.309,-1.047,-0.786,-0.524,-0.262};
int N = 12;
int R = 6;
float a,b,c;

a = 0;
for (int k=0;k<N;k++) {
    a += u[k];
}
a *= 1.0/N;
println("a0 : "+a);

for (int i=1;i<R;i++) {
    a = 0;
    for (int k=0;k<N;k++){
        a += u[k]*cos(2.0*PI*i*k/N);
    }
    a *= 2.0/N;
    b = 0;
    for (int k=0;k<N;k++){
        b += u[k]*sin(2.0*PI*i*k/N);
    }
    b *= 2.0/N;
    c = sqrt(a*a + b*b);
    println( i+" : "+a+" "+b+" "+c);
}
```

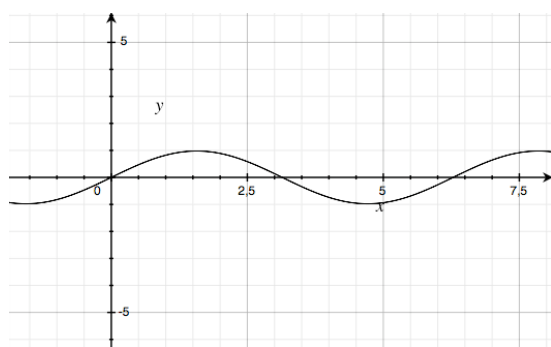
On obtient :

```
a0 : -7.4505806E-9
1 : -1.291434E-7    0.97734207    0.97734207
2 : 1.1175871E-7   -0.45321998    0.45321998
3 : -2.9585294E-7   0.2616666     0.2616666
4 : 2.8808913E-7    -0.15126565    0.15126565
5 : 1.1920929E-7    0.07032463     0.07032463
```

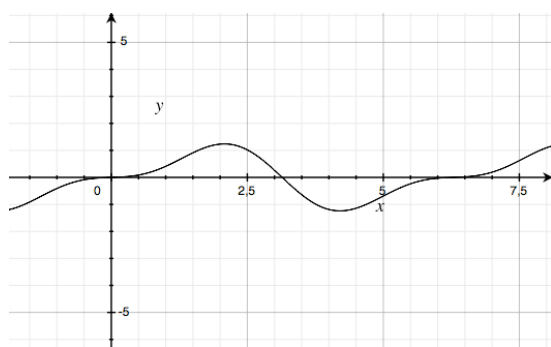
donc le signal est représenté par la série :

$$F(t) = 0 + 0 \cdot \cos(t) + 0 \cdot \cos(2t) + \dots + 0 \cdot \cos(5t) \\ + 0.977 \cdot \sin(t) - 0.4532 \cdot \sin(2t) + 0.2617 \cdot \sin(3t) - 0.1513 \cdot \sin(4t) + 0.0703 \cdot \sin(5t)$$

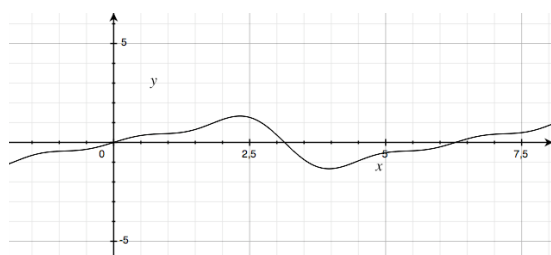
Question 2 Exemple de tracé avec Grapher sur MacOS



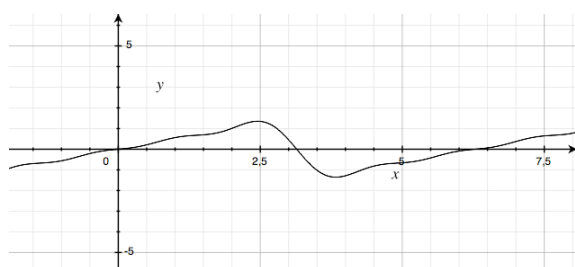
la fondamentale : $0.977 \cdot \sin(t)$



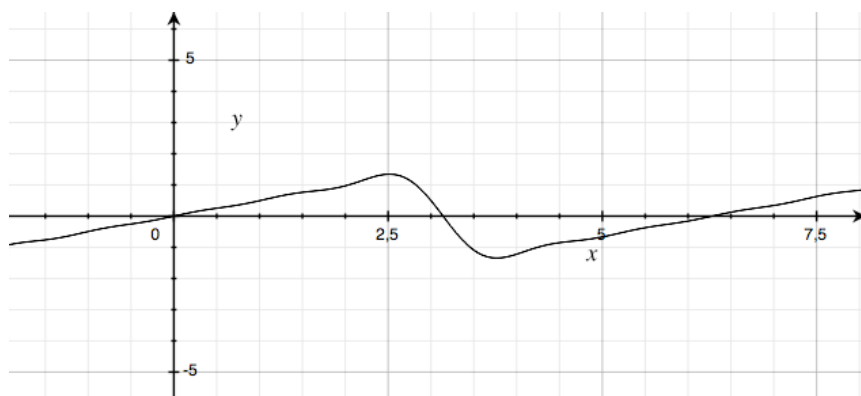
deux harmoniques $0.977 \cdot \sin(t) - 0.4532 \cdot \sin(2t)$



trois



quatre

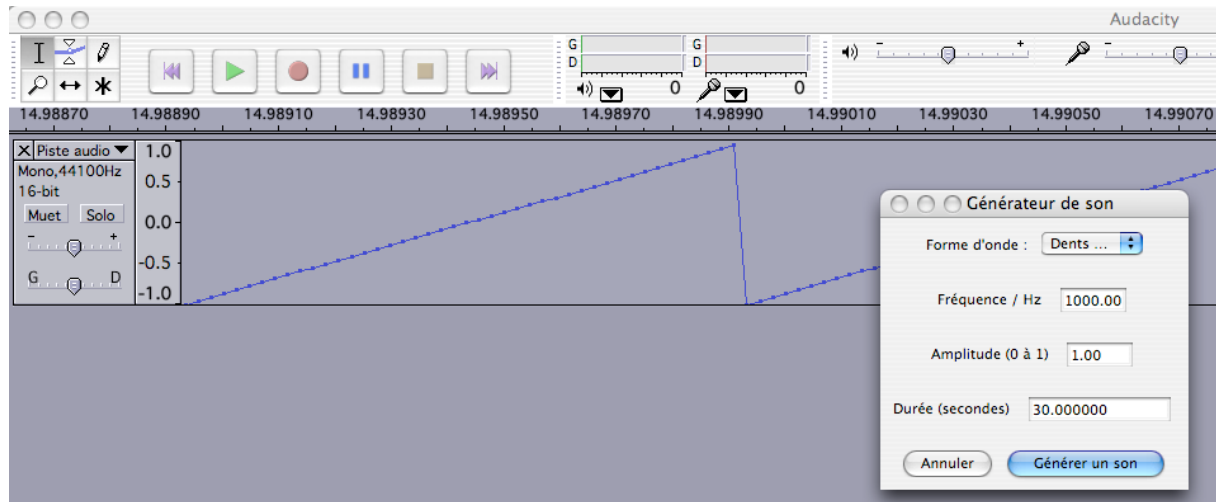


cinq :

il reste des ondulations

Question 3

On génère dans un premier temps un fichier son de signal en dent de scie (ex. ici du logiciel Audacity). La fréquence du signal choisie est 1000 Hz



On utilise ensuite le prog. processing ci-dessous, adapté des exemples de la librairie de traitement sonore ESS :

```
// analyse FFT minimale
```

```
import krister.Ess.*;
```

```
int bufferSize;  
int rectwid;
```

```
FFT myFFT;  
AudioInput myInput;
```

```
void setup () {  
  size(700,200);  
  // start up Ess  
  Ess.start(this);  
  // set up our AudioInput  
  bufferSize=512;  
  myInput=new AudioInput(bufferSize); // par def. Fe = 44100 Hz  
  // set up our FFT  
  myFFT=new FFT(bufferSize*2);
```

```
  // dimension des barres du spectre  
  rectwid = int(width/bufferSize);
```

```
  frameRate(25);  
  myInput.start();  
}
```

```
void draw() {  
  //background(255,255,255);  
  noStroke();  
  fill(0,0,255);
```

```
  // draw the spectrum
```

```

for (int i=0; i<bufferSize; i++) {
    rect(i*rectwid,0,rectwid,myFFT.spectrum[i]*500);
}

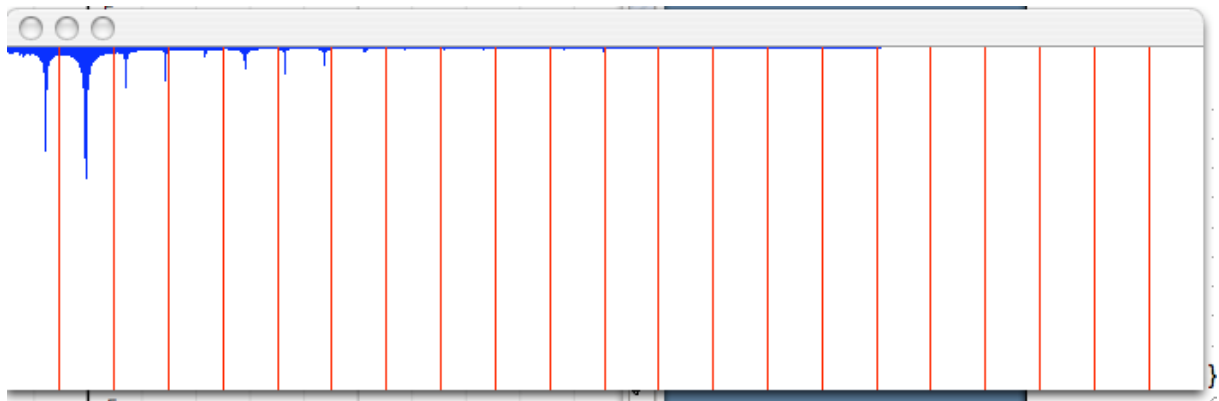
// trace les frequences tous les 1000Hz
stroke(255,0,0);
for (int i=1; i<=22; i++) {
    line(i*width/22,0,i*width/22,height);
}
}

public void audioInputData(AudioInput theInput) {
    myFFT.getSpectrum(myInput);
}

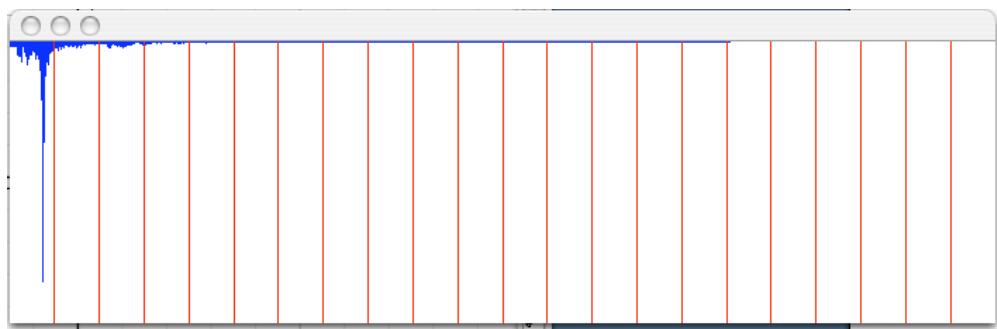
void mousePressed() {
    background(255,255,255);
}

```

Qui nous affiche le sonagramme suivant :



On retrouve clairement des harmoniques, mais pas vraiment "en face" des graduations de fréquence prévues. Il faut aussi expliquer les "ébarbures" autour des harmoniques. Si on analyse un signal sinusoïdal pur à 1000 Hz, on obtient le même genre de chose :



La grande différence entre une analyse à la volée comme ici et celle de la question 1 est qu'il n'y a pas de synchronisme entre le processus d'échantillonnage et la fréquence d'origine du signal. Ce problème est inhérent à la transformée de Fourier discrète.

Remarque : les amplitudes relatives des harmoniques ne sont pas non plus bien respectées (la 2eme est plus forte que la fondamentale), mais le signal triangulaire généré avec Audacity n'est pas exactement celui analysé aux questions précédentes (front montant plus brutal).